

Wybrane zagadnienia fizyki matematycznej

Zestaw 3 (równania różniczkowe)

Rozwiąż równania:

1. $y'' + y' - 2y = 4x,$
2. $3y'' - 2y' - y = x^2,$
3. $y'' - 2y' + 2y = 2\cos x + \sin x,$
4. $y'' - 2y = 4x^2 e^{2x},$
5. $y''' - 8y = 0,$
6. $y''' - 2y'' - 3y' + 10y = 0,$
7. $y^{(4)} + 4y''' + 6y'' + 4y' + y = 0,$
8. $y''' + y'' = x,$
9. $y''' - 3y'' + 3y' - y = 2e^x,$
10. $y''' + y'' + y' + y = x^3 + 3x^2 + 6x + 6.$
11. $\frac{dy}{dx} = \frac{2x-1}{x^2}y,$
12. $\frac{dy}{dx} = \frac{1}{x^2-4}y,$
13. $\frac{dy}{dx} - 3y = 2,$
14. $\frac{dy}{dx} + 2xy = xe^{-x^2},$
15. $\frac{dy}{dx} - \frac{2y}{x+1} = (x+1)^3,$
16. $\frac{dy}{dx} + \frac{xy}{1-x^2} = \frac{3x}{1-x^2},$
17. $x\frac{dy}{dx} - 2y = x+1,$
18. $x^2\frac{dy}{dx} - 2xy = 3,$
19. $2x\frac{dy}{dx} - y = \frac{3}{2}x^2,$
20. $\frac{dy}{dx} + y \cos x = \frac{1}{2} \sin 2x,$
21. $\frac{dy}{dx} \cos x - y \sin x = \cos^2 x.$
22. $2(x-2y+1) + (5x-y-4)\frac{dy}{dx} = 0,$
23. $3y - 7x + 7 + (7y - 3x - 4)\frac{dy}{dx} = 0,$
24. $x - 3y + 2 + (3x - y - 2)\frac{dy}{dx} = 0,$
25. $(2y - x + 1)\frac{dy}{dx} = y - 2x - 1.$